Gelişmiş Bir Burun İniş Takımı Shimmy Modeli An Improved Nose Landing Gear Shimmy Model

Sena Koçak, Ali Fuat Ergenç

Kontrol ve Otomasyon Mühendisliği Bölümü İstanbul Teknik Üniversitesi, İstanbul {kocaksen, aergenc}@itu.edu.tr

Özetçe

Bu çalışmada, iniş takımlarında görülen shimmy davranışına dair modelde çeşitli iyileştirmeler gerçekleştirilmiştir. Öncelikle, tekerlek davranışının daha gerçekçi olmasını sağlamak adına uçak tekerleğine dair hibrid bir yaklaşım kullanılmıştır. Bununla birlikte, burulma toleransı etkisi modellenmiş ve ana modele entegre edilmiştir. Son olarak, tekerlek ve burulma toleransının shimmy davranışına etkileri simüle edilmiş ve yorumlanmıştır.

Abstract

In this study, various improvements have been made in the model of the shimmy behavior in the nose landing gear. First, a hybrid approach to the aircraft tire is employed in order to present more realistic the wheel behavior. Additionally, the torsional tolerance effect is modeled and integrated into the primary model. Finally, the effects of tire type and torsional tolerance on shimmy behavior are simulated and discussed.

1. Giriş

Shimmy iniş takımı sisteminde taksi, iniş ve kalkış sırasında gözlenen ciddi bir titreşim davranışıdır. 10 ila 30 Hz frekansları arasından gözlemlenen bu titreşim hareketi, tekerlek ve yol etkilişimden kaynaklanmakta ve kendinden uyarlamalıdır [1]. Literatürde, shimmy fenomenin incelenmesi üzerine çeşitli çalışmalar tasarım parameterlerini optimize etmek ve aşınma gibi problemleri öngörmek adına sürdürülmektedir. Yaygın olarak burun iniş takımlarında görülmektedir.

Kütle, sönümleme katsayısı, geometrik özellikler, hız ve uyarma kuvveti gibi yapı, tekerlek ve süreç değişkenleri ile sürtünme, tekerlek elastikliği ve burulma toleransı gibi nonlineer etkiler shimmy titreşimine sebep olabilmektedir. Shimmy sonucunda, yolcu konforunu azalmakta ve hatta pilotun uçağı doğru şekilde yönlendirmesine engel olacak kadar kuvvette bir titreşim ortaya çıkabilmektedir. Bu durum; tekerlek aşırı aşınma, iniş takımında arıza, hatta kazalar gibi sonuçlara sebep olabilmektedir.

Literatürde, shimmy dinamiğinin incelenmesi üzerine çeşitli matematiksel modeller ve yaklaşımlar kullanılmaktadır. Bu yaklaşımlar, shimmy titreşimin hangi parametre ve koşullar altında tetikleneceğini anlamaya yönelik olarak sunulmuştur. Sarhoş bir tekerleğin kararlığı ve mekanik davranışı ile çalışmalar oldukça eskiye dayanmaktadır. NACA tarafından yayınlanan bir çalışmada burun iniş takımı sistemine ait model ortaya konulmuştur [2]. Bunun ardından, yine bir başka çalışmada sunulan bu teori deneysel çalışmalar ile doğrulanmıştır [3].

Farklı model yaklaşımlarının bulunmasının sebebi ise shimmy titreşimini incelerken kullanılan tekerlek modellerinin değişiklik göstermesidir. Shimmy davranışının [4] modellenmesi sürecinde kullanılan tekerlek modeli oldukça kritiktir ve literatürde bu konuyla ilgili çeşitli yaklaşımlar bulunmaktadır. Pajecka ve Besselink shimmy davranışını açıklayarak tekerlek davranışının kararlılık üzerine etkilerini tartışmıştır [5], [6]. Tekerleğin sürekli haldeki davranışını modellemek amacıyla Magic Formula yaklasımına dayalı nonlineer yöntemler [7], [8] ve benzer deneysel nonlineer fonksiyonlar kullanılmaktadır [9]. Buna karşılık geçici haldeki davranışının gözlemek amacıyla streched string model yaklaşımı araştırmacılarca kullanılmaktadır [10]. Daha sonra, streched string model konseptinin farklı yaklaşımları da sunulmustur [11-13]. Bir diğer tekerlek modelleme yaklasımı ise olan *point contact* vöntemidir [5]. Bu calısmalara ek olarak tekerlek modelinde tekerleğin elastikliğinden kaynaklanan gecikme veya tekerlek hafizası etkisi başka bir çalışmada açıklanmıştır [14] ve ardından yapılan deneyler yardımıyla gecikmeli model doğrulanmıştır [15]. Bunun yanı sıra, shimmy davranışının modellerken kullanılan farklı tekerlek yaklaşımları karşılaştırılmıştır [16].

Bu çalışmada, burun iniş takımında shimmy davranışın modellenmesi sürecinde gecikmeli bir model yaklaşımı kullanılmıştır [17]. Von Schlippe'nin tekerlek modeli, literatürde tekerlek hafizası olarak bilinen ve tekerlek elastikliğinden kaynaklanan gecikme etkisi göz önünde bulundurularak yeniden düzenlenmiştir [18]. Bu modeller, shimmy fenomenine ait dinamiğinin kavranılmasını kolaylaştırmıştır.

Üretim toleransları ve iniş takımındaki aşınmalar belirli bir freeplay etkisine sebep olmaktadır. Bununla birlikte şok dikmesinin ve yönlendirme collarının üst ve alt rulmanlarında Coulomb sürtünmesi oluşabilmektedir. Bu iki etkiden burulma toleransı kararlılığı azaltırken, sürtünme enerji kaybına sebep olsa da kararlılığı iyileştirmektedir. Shimmy hareket denklemleri oluşturulurken genel olarak çeşitli doğrusal olmayan etkiler ihmal edilmektedir. Buna karşılık bazı bilim insanları bu etkilerin shimm davranışı üzerinde oldukça belirleyici olduğunu savunmaktadır. Howcraft ilk burulma toleransı etkisinin iki tekerlekli ana iniş takımı konfigürasyonu üzerine etkisini modellemiştir. Ana iniş takımı üzerindeki shimmyi burulma toleransı olduğu ve ihmal edildiği koşullar için analiz etmiş ve burulma toleransının entegre edilmediği modelin kararlı olduğunu gösterirken, diğer modelin belirtilen çalışma aralığında shimmye girdiğini gözlemlemiştir [19]. Howcroft daha sonra burulma toleransının shimmy üzerine etkisi ile geometrik bağlaşım parametrelerini de göz önüne alarak incelemiştir [20]. Bunun yanı sıra, başka bir yayında freeplay etkisi altındaki iniş takımı için akım bağımlı Bouc-Wen modeli kullanılarak modellenen bir manyetoreolojik (MR) shimmy sönümleyici tasarlanmıştır [21]. Bir diğer çalışmada tek tekerlekli burun iniş takımı için shimmy burulma toleransı ve belirsizlikler altında modellenmiş ve shimmy sönümlemek için dayanıklı aktif kontrol sistemi önerilmiştir [22].

Bu çalışmada tekerlek modeli uçak tekerlekleri özelinde iyileştirilecek ve burulma toleransı etkisi modele entegre edilecektir.

2. Burun İniş Takımı Shimmy Modeli

Çalışmada incelenecek burun iniş takımı sistemine ait gösterim Şekil 1'de verilmiştir.



Şekil 1. Burun iniş takımının görünümü.

İniş takımı için shimmy modeli (1) denklemindeki gibi oluşturulmuştur [9], [23].

$$I_z \ddot{\psi} = M_1(\psi) + M_2(\dot{\psi}) + M_3(\alpha) + M_4(\dot{\psi}/V) + M_5 \quad (1)$$

(1) denkleminde; I_z z-ekseni etrafındaki eylemsizlik momenti, ψ yalpalama açısı, α tekerleğin kayma açısı ve V uçağın ileri yöndeki hızını temsil etmektedir. (2) denkleminde ise verilen M_1 dönme tübü tarafından sağlanan lineer yay torkudur. (3)'te verilen M_2 ise amortisörlerdeki rulmanlarda oluşan viskoz sürtünme ile shimmy sönümleyicinin oluşturduğu torktan kaynaklanan sönümleme torkudur.

$$M_1 = k\psi \tag{2}$$

$$M_2 = c\dot{\psi} \tag{3}$$

(4) denkleminde verilen M_3 tekerleğin yanal deformasyonundan dolayı oluşan momenti, M_4 tekerlek diş genişliğinden kaynaklanan sönümleme momenti sembolize etmektedir. M_3 momenti, öz hizalama momenti M_z ile viraj alma kuvveti F_y 'nin efektif kaster uzunluğu e_{eff} ile çapımından oluşmaktadır.

$$M_3 = M_z - e_{eff} F_y \tag{4}$$

İniş takımına ait efektif kaster uzunluğu e_{eff} (5) denklemindeki gibi hesaplanabilmektedir.

$$e_{eff} = ecos(\varphi) + \tan(\varphi)(R + esin(\varphi))$$
(5)

(5) denkleminde φ dönme tübünün eğim açısını, *R* ise burun iniş takımı tekerleğinin çapını göstermektedir.

Viraj alma kuvveti F_y ve öz hizalama momenti M_z dikey kuvvet F_z 'ye ve kayma açısı α 'ya bağlıdır.

Verilen tekerlek karakteristiği firça tipi tekerlek modeliyle ifade edilebilmektedir [24]. Ancak bu yaklaşımın yerine nispeten daha uygulanabilir olan bir konsept tercih edilmiştir [9]. F_y ve M_z sırasıyla (6) ve (7) parçalı fonksiyonlarıyla gösterilmiştir.

$$F_{y} = \begin{cases} c_{F\alpha} \alpha F_{z}, & \alpha \leq \delta \\ c_{F\alpha} \delta_{g} F_{z} sign(\alpha), & \alpha \geq \delta \end{cases}$$
(6)

$$M_z/F_z = \begin{cases} c_{M\alpha} \frac{\alpha_g}{180} \sin\left(\frac{180}{\alpha_g}\alpha\right), & |\alpha| \le \alpha_g \\ 0, & |\alpha| \ge \alpha_g \end{cases}$$
(7)

Tekerlek momentinin limit açısı $\delta_g = 5^\circ$ ve tekerlek kuvvetinin limit açısı $\alpha_g = 10^\circ$ ' dir.

 M_4 sönümleme momenti, hız ve yalpalama açısının türevine bağlı olarak (8)'deki gibi ifade edilmektedir.

$$M_4 = \frac{\kappa}{V} \cos(\varphi) \dot{\psi} \tag{8}$$

Diş genişliği momenti katsayısı κ , aşağıdaki şekilde elde edilebilmektedir.

$$\kappa = -0.15a^2 c_{F\alpha} F_z \tag{9}$$

(1) denklemindeki diğer moment M_5 ise bozucu ve kontrol girişlerinden kaynaklanan bir etki olarak tanımlanmaktadır.

2.1. Tekerlek Modeli

Tekerlek modeli oluşturulurken Von Schlippe tarafından ortaya konulan gergin ip yaklaşımı kullanılmıştır. Yaklaşımın doğruluğunu arttırmak adına tekerlek hafizası etkisi modele entegre edilmiştir. Bunun yanı sıra, modelleme esnasında uçak tekerleklerini baz alan hibrid bir modelleme tekniği kullanılmış ve burun iniş takımı davranışı yansıtılmaya çalışılmıştır.

2.1.1. Von Schlippe Tekerlek Modeli

Von Schlippe'nin yaklaşımına göre tekerleğin yatay sapması gergin bir ip gibi modellenebilmektedir [10]. Bu yaklaşıma ait şematik Şekil 5'te verilmiştir.



Şekil 2. Von Schlippe yaklaşımı [25].

Bu konsepte göre lastik; elastik olarak yanal doğrultuda desteklenen, sabit ve önceden yüklenmiş bir kuvvet altındaki kütlesiz bir iptir. Lastiğin ve yolun toplam temas uzunluğunun 2*a* olduğu ve kayma olmadığı varsayılmaktadır. Ayrıca, lastiğin kayma açısının dar bir bölgede kaldığı düşünülmektedir.

Von Schlippe modelinde, ön ve arka temas noktalarını birbirine bağlayan düz bir çizgi temas hattına yaklaşmaktadır. Von Schlippe lastik modeli için lastiğe göre ön temas noktasının yanal deformasyonu y_1 (10) denkleminde verilmiştir.

$$\dot{y_1} + \frac{V}{\sigma}y_1 = V\cos(\varphi)\psi + (e_{eff} - a)\cos(\varphi)\dot{\psi}$$
(10)

(10) denkleminde σ gevşeme uzunluğunu, a ise tekerlek kontakt uzunluğunun yarısını göstermektedir. Buna göre, tekeleğin kayma açısı (11) denklemindeki gibidir.

$$\alpha \approx \arctan \alpha = \frac{y_1}{\sigma} \tag{11}$$

2.1.2. Tekerlek Hafizası Etkisi

Lastik gecikme etkisi ve kayma olmadığı varsayımı altında tekerlek arka temas noktası 2a ileri bir mesafe hareket ettiiğinde, bu noktanın yanal konumu y_2 önce temas noktası ile aynı olacaktır. Böylece, y_2 (12)'deki gibi ifade edilebilmektedir [25].

$$y_2(t) = y_1\left(t - \frac{2a}{V}\right) \tag{12}$$

Lastik ve yol arasında bir etkileşim olduğunda, tekerlek kontakt noktalarına bağlu yanal kuvvetler ön kontakt noktasının eski konumları tarafından belirlenmektedir. Bu fenomen, literatürde yuvarlanan elastik tekerleklerin hafıza etkisi olarak adlandırılmaktadır ve bu etkinin fiziksel karşılığı Şekil 6'da verilmiştir [26].



Şekil 3. Tekerlek hafızası etkisi [26].

Kayma açısı bu konsept altında y_2 'ye bağlı olarak (13) denkleminde tekrar tanımlanmıştır.

$$\alpha \approx \arctan\alpha = \frac{y_2}{(2\alpha + \sigma)} \tag{13}$$

2.1.3. Tekerlek Parametrelerinin Hesaplanması

Tekerlek parametlerinin bazılarını modellemek, önerilen shimmy davranışın modelinin doğruluğunu arttırmak açısından oldukça kritiktir.

Uçaklarda kullanılan lastikler I ila VII'ye kadar standart numaralandırılmaktadır. I, III ve VII kodlu lastikler en yaygın olarak kullanılanlar olmakla birlikte bir çok hava aracında rastlanmaktadır.

Tip I lastikler açma-kapama mekanizmasına sahip olmayan uçaklarda kullanılmaktadır ve halihazırda üretimi bulunmamaktadır. III tipi lastik genellikle piston motorlu uçaklarda kullanılmakta ve geniş sırta ve düşük iç basınca sahiptir. VII tipi lastikler ise jet uçaklarında tercih edilmektedir. Bu tip lastik, yüksek iç basınç altında çalışabilmekte ve bu esnada boyutunu küçültebilmektedir. VII tip lastik yüksek iniş hızlarına uygun tasarlanmaktadır.

Özellikle shimmy analizi süresince dört temel tekerlek karakteristiğinin incelenmesi ve hesaplanması gerekmektedir. Bu parameterler aşağıda sıralanmıştır:

- Yarı temas uzunluğu *a*
- Gevseme uzunluğu σ
- Tekerlek geri yükleme katsayısı $c_{F\alpha}$
- Tekerlek öz hizalama katsayısı $c_{M\alpha}$.

Tekerlek verilerini doğru bir şekilde ölçmek oldukça önemlidir. Çevre koşulları (pist koşulları, hız, sıcaklık gibi) ve tekerleğe ait özel durumlar (basınç, aşınma durumu, üretim özellikleri gibi) altında tekerlek sistemine ait karakteristiği elde etmek mümkün olsa da belirtilen etkilerin karakteristiği nasıl etkilediği konusu hala tartışmalıdır.

NACA tarafından yayınlanan teknik raporda, farklı uçak tekerlekleri üzerinde yapılan deney sonuçlarının formülleştirilmiş ve tekerlek davranışına ait bir model sunulmuştur [27]. Bu çalışmada oluşturulan formüller uçak lastiği üreticilerinden toplanan veriler yardımıyla elde edilmiştir.

Buna göre, δ dikey sapma ve R_0 yüklenmemiş tekerlek çapı olmak üzere yarı temas uzunluğu (14) denkleminde verilmiştir.

$$a = 1.7R_0 \sqrt{\frac{\delta}{2R_0} - \left(\frac{\delta}{2R_0}\right)^2} \tag{14}$$

Tekerlek geri yükleme katsayısı ise (15)'teki gibi hesaplanmaktadır.

$$c_{F\alpha} = \begin{cases} c_t (1.2c_\delta - 8.8c_\delta^2), & c_\delta \le 0.0875\\ c_t (0.0674c_\delta - 0.34c_\delta^2), & c_\delta > 0.0875 \end{cases}$$
(15)

(15) denkleminde,

$$c_t = c_{tire} w_t^2 \frac{(p + 0.44p_r)}{F_z}$$

$$c_\delta = \frac{\delta}{R_0}$$
(16)

(15)'te w_t tekerlek genişliği, p tekerlek basıncı ve p_r nominal tekerlek basıncını temsil etmektedir. Geri yükleme gücü katsayısı c_{tire} ise tekerlek tipine göre değişmektedir. Bu katsayının değeri farklı tip lastikler için Tablo 1'de sunulmuştur [27].

Tablo 1: Tekerlek tipine göre c_{tire} katsayısı.

Lastik	c _{tire}		
Tipi	N, Kuvvet/radyan	N, Kuvvet/derece	
Ι	63	1.1	
III	69	1.2	
VII	57	1	

Gevşeme uzunluğu ve öz hizalama katsayısının hesaplanmasında yine Smiley ve Horne'a ait çalışmada kullanılan bir yaklaşım dikkate alınmıştır. $c_{M\alpha}$ katsayısı pnömatik iz ile $c_{F\alpha}$ 'nın çarpımına eşittir. Yazarlar, pnömatik izin küçük sapma açıları için 0.8*a* 'ya eşit olduğunu ortaya koymuştur. Belirtilen yaklaşım, *stretched string* model sunduğu 0.77*a* pnömatik iz değeri ve bu değere karşılık gelen gevşeme uzunluğu aşağıdaki gibidir [1].

$$\sigma = 3a \tag{17}$$

2.2. Burulma Toleransı Etkisi

C

Bu çalışmada kullanılan tolerans modeli [28-31]'te sunulan çalışmalara dayanmaktadır.

Bu çalışmada, tolerans etkisi doğrusal olmayan bir yay olarak modellenmiştir, burada bir kuvvet oluşmadan önce bir miktar sapma mümkündür ve genlik tolerans bandı içinde kalırsa yay kuvveti sıfırdır [1].

Nonlineer tolerans etkisi doğrusal olmaması, yapısal rijitliğin sürekli ve parçalı bir forma dönüşmesine sebep olmaktadır. Buna göre yay torku aşağıdaki gibi tekrar yazılmıştır. Burada ψ_{free} burulma toleransı açısıdır.

$$M(\psi) = \begin{cases} k(\psi - \psi_{free}), & \psi > \psi_{free} \\ 0, & -\psi_{fp} \le \psi \le \psi_{free} \\ k(\psi + \psi_{free}), & \psi < \psi_{free} \end{cases}$$
(18)

Ardından, iniş takımı shimmy modeline hareket denklemlerine burulma toleransı etkisi entegre edilmiştir. Burada, burulma toleransının 0°-2° arasında olduğu varsayılmıştır. (1) denkleminde M_1 yerine, (18) denklemindeki $M(\psi)$ yazılarak model tekrar oluşturulmuştur.

3. Simülasyonlar

Bu bölümde yapılan simülasyon çalışmaları sunulmuştur. Tablo 2'de simülasyonlar sırasında kullanılan iniş takımı parametreleri verilmiştir.

Tablo 2. Burun iniş takımı parametreleri.

Parametreler ve değerleri				
	Tanım	Değer	Birim	
	Yapısal parametreler			
е	Kaster uzunluğu	0.1	m	
С	Dikmenin dönel yay katsayısı	-100000	N m rad ⁻¹	
k	Dikmenin dönel sönümleme katsayısı	-25	N m s rad ⁻¹	
I_z	Dikmenin atalet momenti	1	kg m ²	
φ	Eğim açısı	10	0	
	Tekerlek parametreleri			
R	Tekerlek yarıçapı	8.55	inç	
δ_g	Geri yükleme kuvvet açısı sınırı	5	o	
α_g	Öz hizalama momenti açısı sınırı	10	o	
R ₀	Yüklenmemiş tekerlek yarıçapı	7.5	inç	
δ	Tekerlek sapması	20	mm	
W_t	Tekerlek genişliği	6	inç	
р	Tekerlek basıncı	250	psi	
p_r	Nominal tekerlek	200	psi	
	Sürec parametrolori			
F	NI G'deki dikev vik	9000	N	
$\frac{\Gamma_Z}{V}$	İleri yöndeki hız	90	m/s	

Sırasıyla I, III ve VII tekerlek tipleri için farklı burulma toleransı değerleri test edilmiştir. Burulma tolerans değerleri 0°, 1° ve 2° olarak alınmıştır.



Şekil 4. Tip I tekerlek için yönlendirme açısı.



Sekil 5. Tip III tekerlek için yönlendirme açısı.



Şekil 6. Tip VII tekerlek için yönlendirme açısı.

Tekerlek tipleri dikkate alındığında Tip VII'nin titreşim sönümleme performansının daha başarılı olduğu gözlemlenmiştir. Tip VII'nin uçak tipi göze alındıktan sonra seçilmesi daha uygun gözükmektedir.

Bununla birlikte burulma toleransının artması beklendiği gibi shimmy genliğini arttırmıştır. İniş takımlarında bakım çalışmalarının önemi bu analizle ortaya çıkmıştır.

4. Sonuçlar

Bu çalışmada, iniş takımlarında görülen shimmy davranışına gelişmiş bir model ortaya konulmuştur. Tekerlek davranışının doğruluğunu arttırmak ve hava araçlarıyla ilgili bir yaklaşım sunmak amacıyla deneye dayalı formüller kullanılmıştır. Ayrıca, burulma toleransı etkisi de modele aktarılmıştır. Modelleme süreci tamamlandıktan sonra, geliştirilmiş burun iniş takımı shimmy modeli farklı koşullar altında etkileri simüle edilmiştir. Simülasyonlar hakkında yorumlar paylaşılmıştır. Gelecek çalışma olarak sunulan model lineerize edilmesi hedeflenmektedir.

Kaynakça

- [1] I. J. M. Besselink, Shimmy of Aircraft Main Landing Gears. 2000.
- [2] C. Bouncier de Carbon, "Analytical Study of Shimmy of Airplane Wheels," NACA, no. 1, 1952.
- [3] Moreland, "The Story of Shimmy," J. Aeronaut. Sci., vol. 21, no. 12, pp. 793–808, 2012.
- [4] Maas, J. W. L. H, A comparison of dynamic tyre models for vehicle shimmy stability analysis. (Master Tezi). Eindhoven University of Technology, Department of Mechanical Engineering, Eindhoven, 2009.
- [5] I. J. M. Besselink, Shimmy of Aircraft Main Landing Gears. 2000.
- [6] H. B. Pacejka, "Theory of the wheel shimmy phenomenon," in Tyre and Vehicle Dynamics, 2007, pp. 295–338.
- [7] C. Howcroft, B. Krauskopf, M. Lowenberg, S. Neild, and B. Krauskopf, "Effects of Freeplay on Aircraft Main Landing Gear Stability," 2012.
- [8] S. Li and Y. Lin, "Study on the bifurcation character of steering wheel self-excited shimmy of motor vehicle," *Veh. Syst. Dyn.*, vol. 44, no. SUPPL. 1, pp. 115–128, 2006.
- [9] G. Somieski, "Shimmy Analysis of a Simple Aircraft Nose Landing Gear Model Using Different Mathematical Methods," *Aerosp. Sci. Technol.*, vol. 1, no. 8, pp. 545– 555, 1997.
- [10] B. Von Schlippe and R. Dietrich, "Das Flatterns eines bepneuten Rades," 1941.
- [11] H. B. Pajecka, "The Wheel Shimmy Phenomenon," Delft University of Technology, 1966.
- [12] H. K. Brewer and L. C. Rogers, "Synthesis of tire equations for use in shimmy and other dynamic studies," *J. Aircr.*, vol. 8, no. 9, pp. 689–697, Sep. 1971.
- [13] R. F. Smiley, "Correlation, Evaluation, and Extension of Linearized Theories for Tire Motion and Wheel Shimmy," Jan. 1956.
- [14] D. Takács, G. Orosz, and G. Stépán, "Delay effects in shimmy dynamics of wheels with stretched string-like tyres," Eur. J. Mech. A/Solids, vol. 28, no. 3, pp. 516–525, 2009.
- [15] D. Takács and G. Stépán, "Experiments on Quasiperiodic Wheel Shimmy," J. Comput. Nonlinear Dyn., vol. 4, no. 3, p. 031007, 2009.
- [16] S. Ran, I. J. M. Besselink, and H. Nijmeijer, "Application of nonlinear tyre models to analyse shimmy," in Vehicle System Dynamics, 2014, vol. 52, no. SUPPL. 1, pp. 387– 404.
- [17] Koçak, S. Burun iniş takımlarında shimmy davranışının modellenmesi, analizi, testi ve kontrolü. (Master Tezi). İstanbul Teknik Üniversitesi, Mekatronik Mühendisliği, İstanbul, 2021.
- [18] Von Schlippe, B. ve Dietrich, R. Das Flatterns eines bepneuten Rades (NACA Report TM 1365). Stuttgart: NACA Technical Memorandums, 1941.
- [19] Howcroft, C., Krauskopf, B., Lowenberg, M., Neild, S., & Krauskopf, B. Effects of freeplay on aircraft main landing gear stability, AIAA Atmospheric Flight Mechanics

Conference, Minneapolis, Minnesota: August 13-16, 2012.

- [20] Howcroft, C., Lowenberg, M., Neild, S., Krauskopf, B., & Coetzee, E. Shimmy of an aircraft main landing gear with geometric coupling and mechanical freeplay, J. Comput. Nonlinear Dyn., 10(5), 1-18, 2015.
- [21] Atabay E. & Ozkol, I. Application of a magnetorheological damper modeled using the currentdependent Bouc-Wen model for shimmy suppression in a torsional nose landing gear with and without freeplay, JVC/Journal Vib. Control, 20(11), 1622-1644, 2014
- [22] Orlando, C. & Alaimo, A. A robust active control system for shimmy damping in the presence of free play and uncertainties, Mech. Syst. Signal Process., vol. 84(A), 551-569, 2017.
- [23] H. Tourajizadeh and S. Zare, "Robust and optimal control of shimmy vibration in aircraft nose landing gear," Aerosp. Sci. Technol., vol. 50, pp. 1–14, 2016.
- [24] H. B. Pacejka, Tire and Vehicle Dynamics, 3rd ed. Butterworth-Heinemann, 2012.
- [25] S. Ran, I. J. M. Besselink, and H. Nijmeijer, "Energy analysis of the von Schlippe tyre model with application to shimmy," Veh. Syst. Dyn., vol. 53, no. 12, pp. 1795–1810, 2015.
- [26] D. Takacs and G. Stepan, "Dynamics of Towed Wheels: Nonlinear Theory and Experiments," Budapest University of Technology and Economics, Department of Applied Mechanics, 2010.
- [27] Smiley, R. F. & Horne, W. B. Mechanical properties of pneumatic tires with special reference to modern aircraft tires (NACA Report TN 4110). Washington: NACA Technical Reports, 1958.
- [28] Atabay E (2012) Dynamics of a landing gear mechanism. Dissertation, Istanbul Technical University.
- [29] Atabay E and Ozkol I (2012b) On dynamics of a landing gear mechanism with torsional freeplay. Global Journal of Researches in Engineering, Aerospace Engineering 12(1): 35–49.
- [30] Sura NK and Suryanarayan S (2007b) Lateral response of nonlinear nose–wheel landing gear models with torsional freeplay. Journal of Aircraft 44(6): 1991–1997.
- [31] Dimitrijevic Z, Mortchelewicz GD and Poirion F (2000) Nonlinear dynamics of a two dimensional airfoil with freeplay in an inviscid compressible flow. Aerospace Science and Technology 4: 125–133.